



Phần I. Câu hỏi trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn.

Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 22. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

Câu 1. Khi giải phương trình $\sqrt{f(x)} = \sqrt{g(x)}$, sau khi giải phương trình $f(x) = g(x)$ ta cần

- A. không cần làm gì thêm
- B. chỉ giữ các giá trị dương
- C. thử lại các giá trị tìm được vào phương trình đã cho
- D. chỉ giữ các giá trị làm $f(x) < 0$

Câu 2. Tập nghiệm của phương trình $\sqrt{x^2 - 2x + 3} = \sqrt{2x}$ là

- A. $\{1; 3\}$
- B. $\{1\}$
- C. $\{3\}$
- D. $\emptyset$

Câu 3. Tập nghiệm của phương trình $\sqrt{x^2 - 4x} = \sqrt{x - 4}$ là

- A. $\emptyset$
- B. $\{1; 4\}$
- C. $\{1\}$
- D. $\{4\}$

Câu 4. Số nghiệm của phương trình $\sqrt{2x^2 - x - 3} = \sqrt{x^2 + x}$ là

- A. 1
- B. 2
- C. 0
- D. 3

Câu 5. Phương trình $\sqrt{x^2 - 5x + 6} = \sqrt{x - 3}$ có nghiệm là

- A. $x = -3$
- B. $x = 3$
- C. $x = 2$
- D. vô nghiệm

Câu 6. Phương trình $\sqrt{x^2 - x - 3} = \sqrt{x - 4}$

- A. có hai nghiệm
- B. có nghiệm $x = 1$
- C. có nghiệm $x = 4$
- D. vô nghiệm

Câu 7. Tổng các nghiệm của phương trình $\sqrt{3x^2 - 2x + 2} = \sqrt{2x^2 + x + 6}$ là

- A. 3
- B. 4
- C. -1
- D. -3

Câu 8. Nghiệm lớn nhất của phương trình $\sqrt{2x^2 + 3} = \sqrt{x^2 + 4x}$ là

- A. 4
- B. 1
- C. 3
- D. -1

Câu 9. Bình phương hai vế của phương trình $\sqrt{2x^2 + 3x - 1} = x + 1$ rồi thu gọn, ta được

- A. $3x^2 + 5x = 0$
- B. $x^2 + 3x - 2 = 0$
- C. $x^2 + x = 0$
- D. $x^2 + x - 2 = 0$

Câu 10. Tập nghiệm của phương trình $\sqrt{2x^2 + 3x - 1} = x + 1$ là

- A. $\{-2\}$
- B. $\{-2; 1\}$
- C. $\{1\}$
- D. $\emptyset$

Câu 11. Khi giải $\sqrt{ax^2 + bx + c} = dx + e$ bằng cách bình phương, giá trị tìm được bị loại nếu

- A. $dx + e > 0$
- B. $dx + e < 0$
- C. $x < 0$
- D. $ax^2 + bx + c > 0$

Câu 12. Phương trình $\sqrt{x^2 + 5} = x + 1$ có nghiệm là

- A. $x = 2$
- B. $x = -2$
- C. $x = 1$
- D. vô nghiệm

Câu 13. Tập nghiệm của phương trình $\sqrt{x^2 - 2x + 4} = 2x - 2$ là

- A. $\{2\}$
- B. $\{0; 2\}$
- C. $\{0\}$
- D. $\emptyset$

Câu 14. Phương trình $\sqrt{3x^2 - 12x + 13} = x - 3$

- A. có nghiệm $x = 1$
- B. vô nghiệm
- C. có nghiệm $x = 2$
- D. có hai nghiệm $x = 1, x = 2$

Câu 15. Số nghiệm của phương trình $\sqrt{2x^2 + 5x + 4} = x + 2$ là

- A. 3 B. 1 C. 0 D. 2

Câu 16. Nghiệm của phương trình $\sqrt{2x^2 - x - 5} = 1 - x$ là

- A. $x = -3$ và $x = 2$ B. $x = 2$
C. $x = -3$ D. vô nghiệm

Câu 17. Bạn Nam giải phương trình $\sqrt{x^2 + 3x} = x - 1$: bình phương được $5x = 1$ và kết luận $x = \frac{1}{5}$. Nhận xét nào đúng?

- A. Sai: nghiệm là $x = -\frac{1}{5}$
B. Lời giải đúng
C. Sai: $x = \frac{1}{5}$ làm vế phải âm, phương trình vô nghiệm
D. Sai: nghiệm là $x = 1$

Câu 18. Một tam giác vuông có cạnh huyền 5 cm, hai cạnh góc vuông là x và $x + 1$ (cm). Giá trị của x là

- A. 2 B. 4 C. -4 D. 3

Câu 19. Điểm A cách bờ biển 3 km, B là điểm trên bờ gần A nhất, M trên bờ với $BM = x$ km. Khi đó AM bằng

- A. $(3 + x)$ km B. $\sqrt{9 + x^2}$ km C. $\sqrt{x^2 - 9}$ km D. $\sqrt{9 - x^2}$ km

Câu 20. Một tấm biển hình chữ nhật có đường chéo 10 dm, chiều dài hơn chiều rộng 2 dm. Chiều rộng của tấm biển là

- A. 6 dm B. 8 dm C. 4 dm D. 5 dm

Câu 21. Điểm A cách bờ 3 km (B là điểm trên bờ gần A nhất). Một người chèo thuyền từ A đến M trên bờ với vận tốc 3 km/h hết $\frac{5}{3}$ giờ. Khoảng cách BM là

- A. 5 km B. 4 km C. 3 km D. 2 km

Câu 22. Một chiếc thang dài 13 m dựa vào tường; đầu thang cao hơn khoảng cách từ chân thang đến tường 7 m. Đầu thang cao

- A. 12 m B. 5 m C. 13 m D. 7 m

Phần II. Câu hỏi trắc nghiệm đúng sai.

Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 10. Mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu hỏi thí sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Cho phương trình $\sqrt{2x^2 + x - 3} = \sqrt{x^2 + x + 1}$.

- a) Bình phương hai vế và thu gọn được $x^2 = 4$.
b) $x = 2$ là một nghiệm.
c) $x = -2$ bị loại vì là số âm.
d) Phương trình có đúng hai nghiệm.

Câu 2. Cho phương trình $\sqrt{x^2 - 6x + 5} = \sqrt{x - 5}$.

- a) Bình phương hai vế và thu gọn được $x^2 - 7x + 10 = 0$.
b) $x = 2$ là một nghiệm.
c) $x = 5$ là một nghiệm.
d) Phương trình vô nghiệm.

Câu 3. Cho phương trình $\sqrt{3x^2 - 2x + 1} = 2x - 1$.

- a) Nghiệm của phương trình phải thoả mãn $2x - 1 \geq 0$.
- b) Bình phương hai vế và thu gọn được $x^2 - 2x = 0$.
- c) $x = 0$ là một nghiệm.
- d) Phương trình có nghiệm duy nhất $x = 2$.

Câu 4. Cho phương trình $\sqrt{x^2 + 7} = x + 1$.

- a) Bình phương hai vế, phương trình trở thành phương trình bậc nhất.
- b) $x = 3$ là nghiệm.
- c) $x = -3$ cũng là nghiệm.
- d) Tại nghiệm của phương trình, vế phải bằng 4.

Câu 5. Cho phương trình $\sqrt{2x^2 - 5x + 4} = x - 2$.

- a) Bình phương hai vế và thu gọn được $x^2 - x = 0$.
- b) $x = 1$ là một nghiệm.
- c) Phương trình vô nghiệm.
- d) Tại $x = 0$, biểu thức dưới căn bằng 4.

Câu 6. Cho phương trình $\sqrt{x^2 + m} = x + 1$ (m là tham số).

- a) Với $m = 3$, phương trình có nghiệm $x = 1$.
- b) Với $m = -3$, phương trình vô nghiệm.
- c) Phương trình có nghiệm khi và chỉ khi $m \geq -1$.
- d) Với $m = -1$, phương trình có nghiệm $x = 0$.

Câu 7. Một chiếc thang dài 10 m dựa vào tường; chân thang cách tường x m, đầu thang cao hơn khoảng cách đó 2 m.

- a) x thoả mãn $\sqrt{100 - x^2} = x + 2$.
- b) $x = 6$.
- c) $x = -8$ cũng là đáp số của bài toán.
- d) Đầu thang cao 8 m.

Câu 8. Một mảnh đất hình chữ nhật có chu vi 34 m, đường chéo 13 m; một cạnh dài x m.

- a) Cạnh còn lại dài $(17 - x)$ m.
- b) x thoả mãn $\sqrt{x^2 + (17 - x)^2} = 13$.
- c) Diện tích mảnh đất là 60 m^2 .
- d) Chiều dài mảnh đất là 13 m.

Câu 9. Cho phương trình $\sqrt{x^2 - 4x + 8} = x - 1$.

- a) Bình phương hai vế và thu gọn được $2x = 7$.
- b) $x = 3,5$ là nghiệm.
- c) Khi thử lại chỉ cần kiểm tra $x \geq 1$.
- d) Phương trình có hai nghiệm.

Câu 10. Cho phương trình $\sqrt{5x^2 + 3x + 1} = 2x + 1$.

- a) $x = 0$ là một nghiệm.
- b) $x = 1$ là một nghiệm.
- c) Phương trình có đúng một nghiệm.
- d) Tích các nghiệm bằng 0.

Phần III. Câu hỏi trắc nghiệm trả lời ngắn.

Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 10.

Câu 1. Giải phương trình $\sqrt{x^2 + 2x} = \sqrt{3x + 2}$.

Câu 2. Tính tổng các nghiệm của phương trình $\sqrt{2x^2 - 4x + 1} = \sqrt{x^2 - x + 5}$.

Câu 3. Phương trình $\sqrt{x^2 - 4x + 2} = \sqrt{x - 2}$ có bao nhiêu nghiệm?

Câu 4. Giải phương trình $\sqrt{2x^2 + 8x + 1} = x + 3$.

Câu 5. Giải phương trình $\sqrt{3x^2 - 8x - 19} = x - 1$.

Câu 6. Tính tổng các nghiệm của phương trình $\sqrt{2x^2 + 4x + 1} = x + 1$.

Câu 7. Tìm số nguyên m lớn nhất để phương trình $\sqrt{x^2 + m} = x - 2$ có nghiệm.

Câu 8. Một chiếc thang dài 13 m dựa vào tường, đầu thang cao hơn khoảng cách từ chân thang tới tường 7 m. Tìm khoảng cách đó (m).

Câu 9. Điểm A cách bờ 3 km (B trên bờ, AB vuông góc với bờ); C trên bờ, $BC = 8$ km. Một người chèo thuyền từ A đến M trên đoạn BC ($BM = x$ km) với vận tốc 5 km/h rồi đi bộ đến C với vận tốc 4 km/h, tổng thời gian 2 giờ. Tìm x .

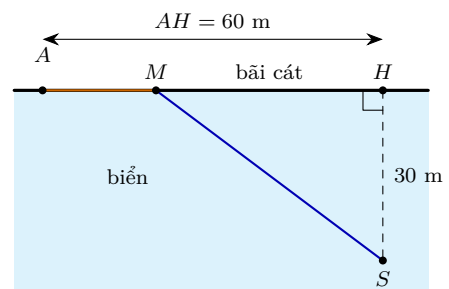
Câu 10. Một hình chữ nhật có chu vi 62 cm và đường chéo 25 cm. Tính diện tích hình chữ nhật (cm^2).

PHẦN NÂNG CAO

Nâng cao 1. Câu hỏi trắc nghiệm đúng sai.

Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 5. Mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu hỏi thí sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Người cứu hộ ở A trên bãi cát; người bơi ở S cách bờ $SH = 30$ m, $AH = 60$ m. Người cứu hộ chạy dọc bờ đến M ($AM = x$ m) rồi bơi thẳng đến S ; tổng quãng đường là 70 m (hình bên).



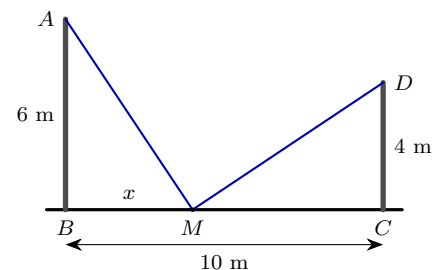
a) Quãng đường bơi $MS = \sqrt{900 + (60 - x)^2}$.

b) x thỏa mãn $\sqrt{900 + (60 - x)^2} = 70 - x$.

c) $x = 20$.

d) Quãng đường bơi dài 40 m.

Câu 2. Hai cột $AB = 6$ m, $DC = 4$ m cách nhau $BC = 10$ m. Hai sợi dây nối đỉnh hai cột với điểm M trên BC ($BM = x$ m) dài bằng nhau (hình bên).



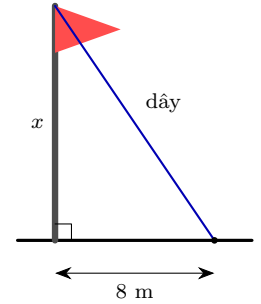
a) $MA = \sqrt{36 + x^2}$.

b) $MD = \sqrt{16 + (10 - x)^2}$.

c) $x = 4$.

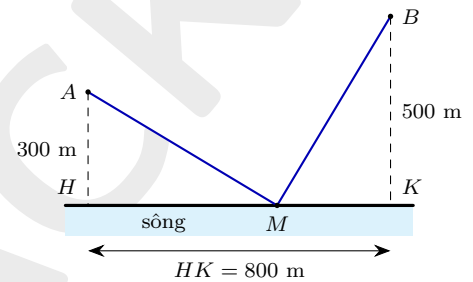
d) Mỗi sợi dây dài 7 m.

Câu 3. Sợi dây buộc từ đỉnh cột cờ xuống đất dài hơn cột 2 m; chân dây cách chân cột 8 m. Gọi chiều cao cột là x m (hình bên).



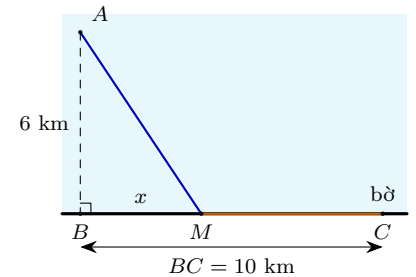
- a) x thoả mãn $\sqrt{x^2 + 64} = x + 2$.
- b) Cột cờ cao 15 m.
- c) Sợi dây dài 17 m.
- d) Nếu dây dài hơn cột 4 m (chân dây vẫn cách 8 m) thì cột cao 8 m.

Câu 4. Hai nhà A, B ở cùng phía bờ sông, cách bờ $AH = 300$ m, $BK = 500$ m, $HK = 800$ m. Cần đặt trạm bơm M trên đoạn HK ($HM = x$ trăm mét) cách đều hai nhà (hình bên).



- a) $MA = \sqrt{9 + x^2}$ (trăm mét).
- b) x thoả mãn $\sqrt{9 + x^2} = \sqrt{25 + (8 - x)^2}$.
- c) $HM = 500$ m.
- d) M là trung điểm của HK .

Câu 5. Điểm A cách bờ 6 km (B trên bờ, AB vuông góc bờ), $BC = 10$ km. Một người chèo thuyền (3 km/h) từ A đến M trên đoạn BC ($BM = x$ km) rồi đi bộ (5 km/h) đến C (hình bên).

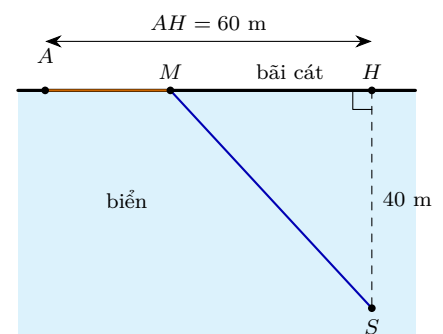


- a) $AM = \sqrt{36 + x^2}$ km.
- b) Thời gian chèo thuyền là $\frac{\sqrt{36 + x^2}}{3}$ giờ.
- c) Với $x = 8$, thời gian chèo thuyền là 3 giờ.
- d) Nếu chèo thẳng đến B ($x = 0$) thì tổng thời gian là 4 giờ.

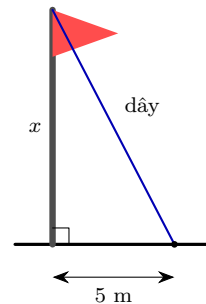
Nâng cao 2. Câu hỏi trắc nghiệm trả lời ngắn.

Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 5.

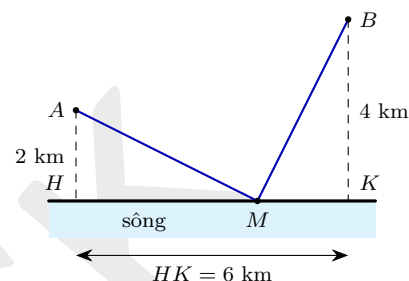
Câu 1. Người cứu hộ ở A trên bãi cát; người bơi ở S cách bờ $SH = 40$ m, $AH = 60$ m. Người cứu hộ chạy dọc bờ đến M ($AM = x$ m) rồi bơi thẳng đến S , tổng quãng đường 80 m (hình bên). Tìm x .



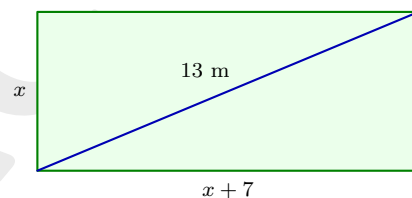
Câu 2. Sợi dây buộc từ đỉnh cột cờ xuống đất dài hơn cột 1 m; chân dây cách chân cột 5 m (hình bên). Tính chiều cao cột cờ (m).



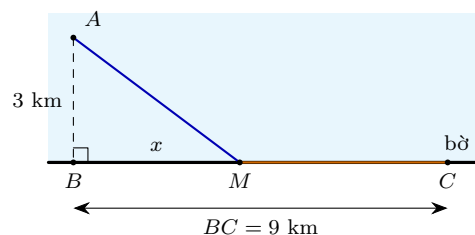
Câu 3. Hai làng A, B ở cùng phía bờ sông, cách bờ $AH = 2$ km, $BK = 4$ km, $HK = 6$ km. Đặt trạm bơm M trên đoạn HK cách đều hai làng (hình bên). Tính HM (km).



Câu 4. Một khu vườn hình chữ nhật có đường chéo 13 m, chiều dài hơn chiều rộng 7 m (hình bên). Tính diện tích khu vườn (m^2).



Câu 5. Điểm A cách bờ 3 km (AB vuông góc bờ), $BC = 9$ km. Một người chèo thuyền (5 km/h) từ A đến M trên đoạn BC rồi đi bộ (5 km/h) đến C , tổng thời gian 2 giờ (hình bên). Tính quãng đường chèo thuyền AM (km).



HẾT